# 面向星地通信的 低复杂度通用编译码技术



Low–Complexity and Universal Channel Encoding/Decoding Technology for Satellite–to–Ground Communications

张可/ZHANG Ke,林文超/LIN Wenchao,王野/WANG Ye

(鹏城实验室,中国 深圳 518055) (Pengcheng Laboratory, Shenzhen 518055, China) DOI:10.12142/ZTETJ.202405006 网络出版地址: http://kns.cnki.net/kcms/detail/34.1228.TN.20241017.1350.006.html 网络出版日期: 2024-10-17 收稿日期: 2024-08-15

摘要:面向高动态、大尺度变化的低轨星地链路,具有强大纠错能力的速率兼容(RC)信道编码方案对保障星地时敏业务的信息时效性是至关重要的。提出了一种适用于任意短线性分组码的新型译码思想,称为基于翻转重量的阶序统计译码(FWB-OSD)。FWB-OSD可以达到比传统译码算法更优秀的误码性能水平。在此基础上,针对3GPP标准低密度奇偶校验(LDPC)码的速率兼容编码方案,提出了一种将迭代译码算法 写FWB-OSD进行级联的译码算法,称为多层置信组合译码(MBCD)算法。相比于现有置信传播(BP)及级联译码算法,所提MBCD算法在短码长LDPC编码方案下能够展现更优的译码性能。最后,基于星地信道模拟器及相关前端信号处理方法,在桌面端开发了所提编译码方案在星地链路下的半实物验证系统。

关键词: 低轨星地链路; 速率兼容信道编码; 翻转重量辅助; 多层置信; 译码性能

Abstract: In the context of low-orbit satellite-ground communication, where both dynamic and large-scale changes are prevalent, the deployment of a rate compatible (RC) channel coding scheme with robust error correction capabilities is of paramount importance for the timely delivery of services. In this paper, an idea of flipping weight-aided ordered statistics decoding (FWB-OSD) for arbitrary short linear block codes is proposed, which can achieve superior error performance compared to traditional decoding algorithms. On this basis, a novel decoding algorithm is proposed for RC 3GPP LDPC coding schemes, which cascades belief propagation (BP) and FWB-OSD, called multibelief combination decoder (MBCD). In comparison to the existing BP decoder and cascade decoder, the proposed MBCD performs better decoding performances in terms of block error rate (BLER). Finally, based on the land mobile satellite channel simulator and signal processing algorithms, a hardware-in-the-loop verification system for the proposed encoding/decoding schemes under the satellite-ground link is developed on the desktop.

Keywords: low-orbit satellite-ground link; rate-compatible channel coding; flipping weight-aided ordered statistics decoding; multi-belief; decoding performances

**引用格式:**张可,林文超,王野.面向星地通信的低复杂度通用编译码技术 [J]. 中兴通讯技术, 2024, 30(5): 30-40. DOI: 10.12142/ ZTETJ.202405006

Citation: ZHANG K, LIN W C, WANG Y. Low-complexity and universal channel encoding/decoding technology for satellite-to-ground communications [J]. ZTE technology journal, 2024, 30(5): 30-40. DOI: 10.12142/ZTETJ.202405006

向高动态、大尺度变化的低轨星地链路,具有强大纠 错能力的速率兼容(RC)信道编码方案,对保障星地 时间敏感型业务的信息时效性是至关重要的:通过信道编码 冗余比特实现的物理层纠错能力,一是可以避免重传机制在 高动态链路下频繁介入导致的信息时效性严重下降问题,二 是在低仰角弱链路条件下实现可靠传输以大幅提升有效通信 时间。

现有信道编译码技术研究中,低密度奇偶校验(LDPC) 码在渐进码长条件下可实现速率兼容的高速编译码,并已经 在各种卫星通信标准中得到应用,例如第二代数字视频广播 (DVB-S2)及其扩展(DVB-S2X),近年也被3GPP的5G NR 标准采纳作为数据信道的编码方案。但是,现有以置信传播

基金项目: 鹏城实验室重大攻关项目 (PCL2024A01); 中国博士后科学基金面 上资助项目 (2023M741845)

(BP)作为译码算法的LDPC码在短码长条件下纠错性能显著退化;另一种可理论逼近香农容量的新型编译码技术,采用连续消除列表(SCL)作为译码算法的极化码方案,虽然(

被证明可以逼近最大似然(ML)译码性能,但也存在译码 复杂度过高的问题。

综上,面向短数据包业务与低时延高可靠通信的短码长 信道编译码技术仍然是一个开放问题。特别是在星地高动态 链路下,一个适用于多种码长、码率配置的高性能通用译码 技术对于星地通信技术至关重要。

## 1 通用译码相关技术

#### 1.1 基于阶序统计的译码思想

近年针对高可靠编译码技术的研究中,阶序统计译码 (OSD)被广泛认可为通用(对任意短线性分组码进行译 码)、高性能(逼近 ML译码)译码算法<sup>[1]</sup>。OSD首先根据接 收信号的可靠度将接收信号划分为最可靠基(MRB)和最 不可靠基(LRB),然后通过执行高斯消元(GE)构建与 MRB相关的系统生成矩阵,按照汉明重量递增的顺序生成 测试错误模式(TEP),利用系统生成矩阵重编码得到候选 码字。在所有候选码字中,最有可能的一个将被选择作为译 码输出。对于信息长度为 k 且汉明距离最小为  $d_{min}$ 的线性分 组码,阶数  $m = [d_{min}/4 - 1]$ 的 OSD 可以接近 ML 译码性能<sup>[2]</sup>, 但其复杂度高达  $O(k^{[d_{min}/4 - 1]})$ 。

当前已有许多文献提出了方法来降低OSD的复杂度。 主要方法是通过引入跳过或停止准则来避免处理不可靠的 TEPs序列<sup>[3-6]</sup>。文献[3]提出了Fast-OSD,该算法同时考虑概 率必要条件和概率充分条件,以限制处理TEP的数量。文献 [4]提出了分段抛弃译码的方法,将TEPs序列划分成多段并 对不可靠分段执行跳过操作以降低译码复杂度。此外, 文献 [5]提出了一种基于概率的OSD (PB-OSD),给出两种概率度 量分别用来抛弃TEPs和停止译码,在保证性能的前提下降 低了重编码的次数。文献[6]中提出了一种局部约束的OSD, 使用串行列表维特比算法在由局部奇偶校验矩阵指定的网格 上搜索TEPs。上述算法虽然可以一定程度减少处理的TEP 数量,但参数设定并无严谨理论推导,在面向RC编码方案 时会出现译码性能退化,这将在本文的仿真结果中得到体 现。因此,OSD算法的优化方向在降低译码复杂度之外,还 需进一步考虑设计 TEPs 序列的最优生成规则与自适应跳出 准则。

此外,对于短码长LDPC码,现有文献也提出了一些BP

和OSD组合的级联译码方案以同时保持BP低复杂度和OSD 可以达到ML性能的优点。一般来说,BP输出的对数似然比 (LLR)比从信道接收到的更可靠,因此OSD可以用较低的 译码阶数纠正错误比特,从而降低复杂性。文献[7]首先提 出了一种BP-OSD算法,在每次迭代后,都会对BP译码的 输出LLRs执行OSD。然而,该算法在对一个码字译码时需 要多次GE操作,导致译码复杂度和延迟较高。为了降低复 杂度,文献[8]给出了BP和OSD的串行级联的方案,其中 OSD在BP译码的最后一次迭代之后执行。在该算法中, OSD的输入是迭代译码时累加的LLR,可以消除LLR振荡的 影响。此外,累加前需要给LLR分配系数,但是该参数取决 于代码和迭代次数,并且很难确定。对于阶梯LDPC码,文 献[9]提出了一种基于BP和OSD的混合译码方案。上述算法 相比BP译码均能实现误码性能的提升,但仍存在复杂度高 且参数难以确定的问题。

#### 1.2 基于猜测随机加性噪声的译码思想

猜测随机加性噪声译码 (GRAND)<sup>[10]</sup>是另一种先进的 通用译码算法。与传统译码器相比, GRAND 与编码结构无 关,通过猜测传输过程中破坏码字的噪声来译码。GRAND 的核心译码思想是,从解调的接收信号中按顺序从最可能到 最不可能的顺序去除假定的噪声并检查剩下的是否是合法码 字。具体来说, GRAND根据接收到的信号生成TEPs序列来 猜测噪声,这些TEPs生成的顺序是不同GRAND改进算法之 间的主要区别。对于硬判决输入GRAND,研究人员已经验 证 GRAND 可以在离散信道中对任何中等冗余分组码逼近 ML 译码性能回。此外,现有论文提出了基于符号可靠性的 GRAND (SRGRAND), 它使用一个比特将每个接收到的符 号标记为可靠或不可靠,在译码中只对不可靠的位置进行处 理<sup>[12]</sup>。软信息GRAND(SGRAND)根据接收到的信号生成 可靠性递减的有序 TEPs 序列,但其复杂度很高。为了在 SRGRAND和SGRAND之间取得性能均衡,一些研究提出了 有序可靠性比特GRAND(ORBGRAND)<sup>[13]</sup>。然而, GRAND 复杂度为 $O(2^{\min(nH_{05},n-k)})$ ,其中 $H_{05}$ 是参数为0.5时的熵率。 随着码率的下降, GRAND复杂度急剧上升, 因此其仅适用 于高码率的线性分组码。这限制了GRAND在低码率编码方 案中的实际应用。

#### 1.3 现有技术总结

为长短兼顾的RC编码方案设计一种高效通用译码器仍 然是一个有待解决的问题。现有OSD思想被广泛认为是逼 近ML性能的译码方法,但其面向多种编码码率下的译码可 靠性与复杂度折衷问题亟待解决。GRAND思想在高码率编 码方案下的优异性能已经得到了充分验证,但其在低码率编 码方案时译码复杂度急剧上升,无法适配任意码率配置的 RC编码方案。

#### 1.4 本文贡献

本文关注适用于RC编码方案的高性能通用译码器设计, 主要贡献总结如下:

1) 引入了一种基于翻转重量的阶序统计译码(FWB-OSD)思想,其将TEPs可靠度映射为可能的比特翻转位置, 使得FWB-OSD可以理论上实现TEPs可靠度降序的最优生成。在此基础上,面向3GPP标准LDPC编码方案,通过密度进化理论分析短环对迭代译码性能的影响,设计了一种新型的BP和FWB-OSD级联方案,称为多层置信组合译码(MBCD)算法。MBCD可以根据LDPC编码方案码长变化, 设计最大BP迭代次数与输入到FWB-OSD的LLR序列组合方式,所提MBCD算法在短码长LDPC编码方案下能够展现更优的译码性能。

2)考虑每个信息位的平均操作数量,对所提FWB-OSD和MBCD的计算复杂度与其他各种算法进行比较。仿真结果表明,所提出的FWB-OSD和MBCD在译码复杂度上实现了更优的折衷。

3)将3GPP标准LDPC编码方案与MBCD译码算法在星 地半实物验证系统上进行了样机开发,基于半实物验证系统,MBCD算法与面向星地通信的时频域信号处理算法结合 后具有良好性能,可以提高低轨星地通信场景的传输可 靠性。

## 2 传输模型

#### 2.1 信号模型

令C(n,k)是一个码长为n、维数为k的编码方案。信源 (信息比特)序列和编码码字分别表示为 $u = (u_1, u_2, \dots, u_k)$ 和  $c = (c_1, c_2, \dots, c_n)$ 。采用二进制相移键控(BPSK)调制,得到 调制序列x。经加性白高斯噪声(AWGN)信道传输后,在 接收端接收序列为 $y = x + z, z \sim N(0, \sigma^2)$ 。解调后产生的硬 判决序列为 $\hat{c}$ ,其中,若 $y_i \ge 0$ ,则 $\hat{c}_i = 0$ ,否则 $\hat{c}_i = 1$ 。解调 后产生的对数似然比(LLR)序列 $L = (L_1, L_2, \dots, L_n)$ 定义为:

$$L_{i} = \log \frac{\Pr\{y_{i} | c_{i} = 0\}}{\Pr\{y_{i} | c_{i} = 1\}} = \frac{2y_{i}}{\sigma^{2}}, 1 \le i \le n,$$
(1)

其中, 令 $\alpha_i = |L_i|$ 表示可靠度序列,则可靠度序列为 $\alpha = \{\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n\}$ 。硬判决比特 $\hat{c}_i$ 错误概率为:

$$\Pr(\hat{c}_i \neq c_i) = \frac{1}{1 + e^{\alpha_i}}$$
(2)

## 2.2 OSD 算法

在OSD中,译码器首先对可靠度序列 $\alpha$ 进行降序排列, 生成矩阵 G被相应的置换为 $\overline{G} = G\Pi_1$ ,其中, $\Pi_1$ 表示相应的 置换。接下来,对矩阵 $\overline{G}$ 执行高斯消元(GE)得到系统形 式的矩阵 $\tilde{C}$ 。为了确保前k列是线性无关的,在GE中可能会 发生置换 $\Pi_2$ 。最终,硬判决序列和可靠度序列置换为 $\tilde{c} = \hat{c}\Pi_1\Pi_2 \pi \tilde{\alpha} = \alpha \Pi_1 \Pi_2$ 。

经过上述置换后,最可靠基(MRB)对应的硬判决序 列为 $\tilde{c}_{B} = \{\tilde{c}_{1}, \tilde{c}_{2}, \dots, \tilde{c}_{k}\},$ 相应的可靠度序列为 $\tilde{\alpha}_{B} = \{\tilde{\alpha}_{1}, \tilde{\alpha}_{2}, \dots, \tilde{\alpha}_{k}\}$ 。然后,按照汉明重量递增的顺序生成*k*比特的TEP序列 $e = \{e_{1}, e_{2}, \dots, e_{k}\},$ 其中最大汉明重量为OSD的阶数。对于每一个TEPe,相应的估计码字可由如下重编码得到:

$$\tilde{c}_e = \left(\tilde{c}_B \oplus e\right) \tilde{G}_{\circ} \tag{3}$$

找到最优的候选码字 $\tilde{c}_{best}$ 等价于最小化 $\tilde{c}_{e} = (\tilde{c}_{B} \oplus e)\tilde{G}$ 和  $\tilde{c}$ 之间的加权汉明距离(WHD),WHD定义为:

$$D(\tilde{c}_{e},\tilde{c}) = \sum_{\substack{1 \leq i \leq n \\ \tilde{c}_{e,i} \neq \tilde{c}_{ii}}} \tilde{\alpha}_{i}$$
(4)

最后,输出码字作为译码结果,即 $\hat{c}_{\text{best}} = \tilde{c}_{\text{best}} \Pi_2^{-1} \Pi_1^{-1}$ 。

## 2.3 GRAND算法

GRAND是一种硬输入译码器,不利用接收信号的软信息。传统译码器寻找最可能的码,而GRAND则寻找最可能的TEP  $e_{co}$ 在GRAND中,按照从最可能到最不可能的顺序,TEP 和硬判决序列作用如下:

$$\hat{c}_{e_{c}} = \hat{c} \oplus e_{G_{0}} \tag{5}$$

然后,系统利用校验矩阵检测得到的序列 $\hat{c}_{e_c}$ 是否是一个合法码字,当找到第一个有效码字时停止译码,并将该码字作为结果输出。值得注意的是,TEP $e_c$ 是一个n长的序列,它按照汉明重量递增的顺序生成。TEP的生成顺序是不同GRAND改进算法之间的主要区别。此外,通常会给出最大允许的校验次数以限制译码复杂度。

# 3基于翻转重量的阶序统计译码思想

## 3.1 翻转重量映射与TEPs序列生成方法

基于最优 TEPs 生成规则应按照其概率降序排列这一基本认识, 文献[14]设计了一种最优 TEPs 生成规则及低复杂度 生成算法。假设 TEP 以 $\tilde{\alpha}_B$  为条件的概率为

$$\Pr(\boldsymbol{e}) = \prod_{j:e_j=0} 1 - \Pr(\hat{c}_j \neq c_j) \prod_{j:e_j=1} \Pr(\hat{c}_j \neq c_j) =$$

$$\prod_{j=1}^{k} 1 - \Pr(\hat{c}_j \neq c_j) \prod_{j:e_j=1} \frac{\Pr(\hat{c}_j \neq c_j)}{1 - \Pr(\hat{c}_j \neq c_j)} \propto$$

$$\prod_{j:e_j=1} \frac{\Pr(\hat{c}_j \neq c_j)}{1 - \Pr(\hat{c}_j \neq c_j)} = \exp\left(-\sum_{j=1}^{k} \tilde{\alpha}_j e_j\right) \circ$$
(6)

令 $R(e) = \sum_{j=1}^{k} \tilde{\alpha}_{j} e_{j}$ 表示 TEPs 的似然度。文献[14]给出一种 线性近似方法来获得 TEP 似然度和翻转位置之间的关系。令  $r = (r_{1}, r_{2}, \dots, r_{k}) 是 \tilde{\alpha}_{B}$  的近似描述,图 1 展示了码C(128, 64) 在 各种信噪比(SNR)下  $\tilde{\alpha}_{B}$ 的曲线,采用 AWGN 信道和 BPSK 调制,则r可以建模为 $D(D \ge 1)$ 段直线的拟合。

若D=1,该描述可以建模为一条截距I>0、斜率s<0的直线:

$$r_{j} = sj + I = s\left(j + \frac{I}{s}\right), j = 1, 2, \cdots, k_{\circ}$$

$$(7)$$

不失一般性, 令*s* = -1, 定义量化参数*Q* =  $\frac{a_{\lfloor k2 \rfloor} - a_k}{\lfloor k/2 \rfloor - k}$ , *r* 

可表示为:



$$r_j = -j + \left[\frac{\tilde{a}_k}{Q}\right] + k, \ j = 1, 2, \cdots, k \ , \tag{8}$$

其中[·]是向下取整操作。若D>1,每段直线的端点下标{ $J_{a}$ ,  $0 \le d \le D$ }可以通过寻找直线和可靠度曲线之间的最大垂直距离找到,其中 $J_0=0$ ,  $J_p=k$ 。第d条直线可表示为:

$$r_j = s_d j + I_d, J_{d-1} < j \le J_d,$$
(9)

其中, $s_d < 0$ 是斜率, $I_d > 0$ 是截距。定义量化参数:

$$Q = \min\left\{ \left| \frac{\tilde{\alpha}_{J_1} - \tilde{\alpha}_1}{J_1 - 1} \right|, \min_{d \in \{2, \cdots, D\}} \left\{ \left| \frac{\tilde{\alpha}_{J_d} - \tilde{\alpha}_{J_{d-1}}}{J_d - J_{d-1}} \right| \right\} \right\}_{\circ}$$
(10)

则每条直线的斜率可计算为:

$$\begin{cases} s_1 = \left[\frac{\tilde{\alpha}_{J_1} - \tilde{\alpha}_1}{(J_1 - 1)Q}\right] \\ s_d = \left[\frac{\tilde{\alpha}_{J_d} - \tilde{\alpha}_{J_{d-1}}}{(J_d - J_{d-1})Q}\right], 2 \le d \le D \\ & \circ \end{cases}$$
(11)

截距可以计算为:

$$I_{d} = \left[\frac{\tilde{\alpha}_{J_{d}}}{Q}\right] - s_{d}J_{d}, 1 \le d \le D_{\circ}$$

$$(12)$$

基于上述近似, TEP似然度R(e)可近似表示为:

$$R(e) \approx \sum_{j=1}^{k} r_{j} e_{j} = \sum_{d=1}^{D} \sum_{j=J_{d-1}+1}^{J_{d}} r_{j} e_{j} = \sum_{d=1}^{D} \left( s_{d} w_{F}(e_{d}) + I_{d} w_{H}(e_{d}) \right),$$
(13)

其中,  $e_d = \{e_{J_{d-1}+1}, \dots, e_{J_d}\}$ 是第 d 条 直线对应的TEP,  $w_H(e_d) = \sum_{j=J_{d-1}+1}^{J_d} e_j \neq e_d$ 的汉明重量,定义 $w_F(e_d) = \sum_{j=J_{d-1}+1}^{J_d} je_j$ 是翻转位置之和。令 $\mathcal{F}_R$ 表示似然度 R 对应的TEP的集合,  $\mathcal{F}_R$ 可以表示为:

$$\mathcal{F}_{R} = \left\{ \boldsymbol{e} \in \{0, 1\}^{k} | \sum_{d=1}^{D} \sum_{j=J_{d-1}+1}^{J_{d}} r_{j} e_{j} = R \right\} = \bigcup_{R} \left\{ \mathcal{F}_{R_{1}}^{1} \times \mathcal{F}_{R_{2}}^{2} \times \cdots \times \mathcal{F}_{R_{p}}^{D} \right\},$$
(14)  

$$| \xi \oplus , \ \boldsymbol{R} \not { b } | \xi \oplus \left\{ \boldsymbol{R} \in \mathbb{N}^{D} | \sum_{d=1}^{D} R_{d} = R \right\}, \quad | \xi \oplus \mathcal{F}_{R_{d}}^{d} = \left\{ \boldsymbol{e}_{d} \in \{0, 1\}^{J_{d} - J_{d-1}} | \sum_{j=J_{d-1}+1}^{J_{d}} r_{j} e_{j} = R_{d} \right\},$$
(15)

×表示笛卡尔积。对于似然度 $R_d$ ,它的每段TEP的汉明重量上下界可以表示为:

$$w_{d}^{\text{upper}} = \left[ J_{d} + \frac{I_{d}}{s_{d}} + \frac{1}{2} - \sqrt{-\frac{2R_{d}}{s_{d}} + (J_{d} + \frac{I_{d}}{s_{d}} + \frac{1}{2})^{2}} \right], \quad (16)$$

$$w_d^{\text{lower}} = \left[ -J_{d-1} - \frac{I_d}{s_d} - \frac{1}{2} - \sqrt{\frac{2R_d}{s_d} + (J_{d-1} + \frac{I_d}{s_d} + \frac{1}{2})^2} \right]_{\circ} \quad (17)$$

当所有 k 个比特被翻转时,有最大的似然度  $R_{max} = \sum_{d=1}^{p} (s_d (J_{d-1} + 1) + I_d + s_d J_d + I_d) (J_d - J_{d-1})/2。对于一个给定的似然度序列<math>(R_1, R_2, \dots, R_p) \in \mathbf{R}$ ,当每段的汉明重量  $w_d$ 给定时,翻转位置之和为:

$$F_{d} = \frac{R_{d} - I_{d}w_{d}}{s_{d}} \in \mathbb{Z}_{+}, 1 \le d \le D_{\circ}$$
(18)

第d段的TEPs序列可表示为:

$$\mathcal{F}_{R_{d}}^{d} = \bigcup_{w_{d} = w_{d}^{\text{invers}}}^{w_{d}^{\text{invers}}} \left\{ \boldsymbol{e}_{d} \in \{0, 1\}^{J_{d} - J_{d-1}} | w_{F}(\boldsymbol{e}_{d}) = F_{d}, w_{H}(\boldsymbol{e}_{d}) = w_{d} \right\}_{\circ}$$
(19)

确定上式中一个集合等价于找到一个长为w<sub>d</sub>的正整数 序列a, 且满足:

$$\left\{ \boldsymbol{a} \in \mathbb{N}_{+}^{w_{d}} | J_{d-1} + 1 \leq a_{1} < \dots < a_{w_{d}} \leq J_{d}, \sum_{j=1}^{w_{d}} a_{j} = F_{d} \right\}_{\circ}$$
(20)

定义
$$b = \{b_1, b_2, \dots, b_{w_d}\}, a_j = j + b_j, j = 1, 2, \dots, w_d,$$
且

$$\begin{cases} F'_{d} = F_{d} - w_{d}J_{d-1} - w_{d}(w_{d} + 1)/2 \\ k'_{d} = J_{d} - J_{d-1} - w_{d}n \\ & \circ \end{cases}$$
(21)

将式(22)中的集合变换为将 F'<sub>a</sub>分割为 w<sub>a</sub>个非负且不
大于 k'的整数,则确定式(22)等价于找到所有整数序列
b,且满足:

$$\left\{ \boldsymbol{b} \in \mathbb{N}^{w_d} | 0 \leq b_1 \leq \cdots \leq b_{w_d} \leq k'_d, \sum_{j=1}^{w_d} b_j = F'_d \right\}_{\circ}$$
(22)

对于寻找**b**的方法,本文提出利用Ferrers图进行整数分割:如图2所示,单元格总数等于待分割的整数,每行的单元格数对应分割整数的一部分。在Ferrers图中,每行的大小从上到下是非递增的。

令函数  $t: \{1, 2, \dots, w_d\} \mapsto \{0, 1, \dots, F'_d\}$  记录相邻部分  $b_j, b_{j+1}$ 的差值为:

$$t(j) = \begin{cases} 0, & \text{if } j = w_d \\ b_{j+1} - b_j, & \text{if } j \in \{1, 2, \cdots, w_d - 1\}_{\circ} \end{cases}$$
(23)

则累积差值函数定义为:

$$T(j) = \sum_{i=j}^{w_d} t(i), j = 1, 2, \dots, w_d , \qquad (24)$$

其中,T(1)记录整数分割**b**的不同, $T(w_d) = 0$ 总是成立的。如 果 $T(1) \ge 2$ ,则表明存在相应的整数分割。在本文所提最优 TEPs 生成方法中,首先找到对于近似似然R满足集合





b4=4



▲图2 参数 $F'_{d}$  = 7,  $k'_{d}$  = 4,  $w_{d}$  = 4的整数分割过程

 $\left\{ R \in \mathbb{N}^{p} | \sum_{d=1}^{p} R_{d} = R \right\}$ 的所有序列。然后,使用整数分割的方 法生成相应的TEPs,最优TEPs序列生成方法的细节在文献 [14]中进行了总结,本文不再赘述。

## 3.2 基于WHD阈值的停止准则

对于传统 OSD,在阶数达到最大后, 具有最小WHD 的候选码字作为 OSD 的结果 输出。但由于 FWB-OSD 采用了不固定阶数 TEPs 生成方法,需要在译码过程中设定准 确的 WHD 阈值 D\*。

综上,本文所提FWB-OSD译码跳出准则为:当重编码后的WHD小于*D*\*,则译码中止并跳出。

备注1: D\*可以通过下式进行计算:

(25)

 $\mathcal{D}^* = \mathcal{D}^*_{MRB} + \mathcal{D}^*_{LRB}$ ,

其中,  $\mathcal{D}_{MRB}^*$ 和  $\mathcal{D}_{LRB}^*$ 分别为 MRB 和最不可靠 基 (LRB) 的 WHD。  $\mathcal{D}_{MRB}^*$ 可以用当前 TEP 的 WHD 进行计算:

$$\mathcal{D}_{MRB}^{*} = \mathcal{D}_{MRB}(\tilde{\boldsymbol{c}}_{e}, \tilde{\boldsymbol{c}}) = \sum_{j=1}^{k} \tilde{\alpha}_{j} \boldsymbol{e}_{j}$$

$$(26)$$

 $\mathcal{D}_{LRB}^*$ 可用均值进行计算:

$$\mathcal{D}_{LRB}^* = \sum_{i=k+1}^n \frac{1}{1+e^{\alpha_i}} \cdot \alpha_i \quad (27)$$

#### 3.3 FWB-OSD的译码性能

在本节中,给出了编码方案为5G Polar 码的仿真结果来评估所提出的FWB-OSD思 想的纠错性能和复杂度。所有仿真均是假 设 BPSK 调制和 AWGN 信道。我们通过比较 误包率(BLER)来展示译码性能,并给出 有限码长编码性能界(NA)<sup>四</sup>作为评估标 准,并通过比较每个信息位比特的操作数 来展示译码复杂度。

值得注意的是,"操作数"即为计算复杂度分析中的运算次数,定义为译码过程中使用的实数加法、二进制加法、乘法、比较和查表操作的总数。仿真对比译码算法包括传统OSD<sup>[1]</sup>、Fast-OSD<sup>[3]</sup>和PB-OSD<sup>[5]</sup>,以及循环冗余校验辅助的SCL

(CA-SCL) 译码算法,列表大小L = 32。误码性能基线为 NA  $\mathbb{R}^{[15]}$ 。

k=48时两种不同码长的5G CRC-11polar码仿真的仿真 结果分别如图3和图4所示。从图3中可以看出,OSD、







▲图4 C(128, 48) 5G CRC-11 polar 码的 BLER 和复杂度比较

Fast-OSD和FWB-OSD表现出相同的BLER性能,并且优于 其他算法。例如,当BLER=10<sup>-4</sup>时,与PB-OSD和CA-SCL 相比,FWB-OSD分别具有约0.15 dB和0.55 dB的增益。在 复杂度方面,FWB-OSD远低于其他算法。在图4中我们可 以看到,FWB-OSD表现出最佳性能并且可以接近NA界。 具体来说,FWB-OSD相比CA-SCL、OSD、Fast-OSD和PB-OSD分别约有0.54 dB、0.7 dB、0.7 dB和1.2 dB的增益。

## 4 面向LDPC码的级联译码算法

FWB-OSD的原理是通过对接收符号阶序LLR的"穷举 式比特翻转"以获得最优的译码结果,其理论上可逼近编码 方案的ML译码性能。基于这一结论,我们进一步对3GPP 标准中LDPC码的译码方案进行优化,核心思想在于通过BP 译码与FWB-OSD的结合,对BP译码结果进行进一步纠错, 适合用于短码长LDPC码的高可靠译码需求。

## 4.1 LDPC 编码方案的密度进化分析

一个 LDPC 码可以由维数为  $m \times n$  的校验矩阵  $H = (h_{ji})$ 定义,其中  $m = n - k_o$  若 H每行和每列都分别有  $d_o$ 和  $d_v$ 个1, 则该 LDPC 码是规则的;否则,是非规则的。令  $V_1, V_2 \cdots, V_n$ 和  $C_1, C_2, \cdots, C_m$ 分别表示 n 个变量节点和 m 个校验节点。令  $\mathcal{N}_j = \{i:1 \leq i \leq n, h_{ji} = 1\}$ 表示和校验节点  $C_j$ 相连的变量节点 的下标集合,令  $\mathcal{M}_i = \{j:1 \leq j \leq m, h_{ji} = 1\}$ 表示和变量节点  $V_i$ 相连的校验节点下标集合。BP 译码就是在变量节点和校验 节点之间交换信息,其中,信息初始化为  $L_{i \to j}^{(0)} = L_i, 1 \leq i \leq n_o$ 

在第1次迭代中,从校验节点*C*<sub>j</sub>发送到变量节点*V*<sub>i</sub>的信息可计算为:

$$L_{j \to i}^{(l-1)} = 2 \tanh^{-1} \left( \prod_{i' \in \mathcal{N}_j \setminus i} \tanh\left(L_{i' \to j}^{(l-1)}/2\right) \right), \tag{28}$$

其中, *N<sub>j</sub>*, *i*表示和*C<sub>j</sub>*相连的变量节点除去*V<sub>i</sub>*后的下标集合。 从变量节点*V<sub>i</sub>*到校验节点*C<sub>i</sub>*发送的信息为:

$$L_{i \to j}^{(l)} = L_i + \sum_{j' \in \mathcal{M}_i j } L_{j' \to i}^{(l-1)},$$
(29)

其中, *M*<sub>i</sub>y表示和 *V*<sub>i</sub>相连的校验节点除去 *C*<sub>j</sub>后的下标集合。 每次迭代后, 每个变量节点的总的后验 LLR *L*<sup>0</sup>可计算为:

$$L_{i}^{(l)} = L_{i} + \sum_{j \in \mathcal{M}_{i}} L_{j \to i}^{(l-1)}$$
(30)

BP译码在每次迭代后对 $L^0$ 进行硬判决得到估计码字  $\hat{c}_{BP}$ 。若 $\hat{c}_{BP}H = 0$ 或达到最大迭代次数 $T_{max}$ ,则停止译码并输 出译码结果。

密度进化(DE) 是分析 LDPC 收敛译码性能的有效工 具,它主要跟踪迭代译码过程中 LLR 的概率密度函数 (PDF)的演进规律。借助DE分析,可以根据变量节点的最 后一次迭代的 LLR 的 PDF 来估计误码性能。令 $p_e^{(l)}$ 和 $p_e^{(l-1)}$ 分 别是 $L_{i\to j}^{(l)}$ 和 $L_{j\to i}^{(l-1)}$ 的 PDF。对于规则 LDPC 码,每个变量节点 或校验节点的 LLR 的 PDF 是相同的,则校验节点的更新规 则为:

$$p_{c}^{(l-1)} = \Gamma^{-1} \left[ \left( \Gamma \left[ p_{v}^{(l-1)} \right] \right)^{*(d_{c}-1)} \right],$$
(31)

其中, $\Gamma$ 表示从x的概率密度映射到tanh(x)的概率密度,\* 表示卷积。变量节点的更新规则为:

$$p_v^{(l)} = p_0^* \left( p_c^{(l-1)} \right)^{*(d_v-1)}, \tag{32}$$

其中,  $p_0$ 表示接收符号的LLR **L**的概率密度函数。

对于非规则LDPC码, 令λ和ρ表示如下的分布多项式:

$$\lambda(x) = \sum_{i=1}^{d_i^{\text{max}}} \lambda_i X^{i-1} , \qquad (33)$$

$$\rho(x) = \sum_{i=1}^{d_{i}^{max}} \rho_{i} X^{i-1} , \qquad (34)$$

其中, $\lambda_i$ 和 $\rho_i$ 分别表示与度为*i*的变量节点和校验节点相连的边占总边数的比例。 $d_e^{\max}$ 和 $d_e^{\max}$ 分别表示变量节点和校验节点的最大度数。非规则LDPC码校验节点和变量节点的更新规则分别可以重写为:

$$p_{c}^{(l-1)} = \Gamma^{-1} \left[ \sum_{i=1}^{d_{v}^{max}} \rho_{i} \left( \Gamma \left[ p_{v}^{(l-1)} \right] \right)^{*(d_{c}-1)} \right],$$
(35)

$$p_{v}^{(l)} = p_{0}^{*} \sum_{i=1}^{d_{r}^{max}} \lambda_{i} \left( p_{c}^{(l-1)} \right)^{*(d_{v}-1)}$$
(36)

由于 $L_i^{(i)}(1 \le i \le n)$ 的 PDF 在渐进码长下可以假设是独立 同分布的,则每次迭代后非规则 LDPC 码在 BP 译码后 LLR 的 PDF 可计算为:

$$p^{(l)} = p_0 * \sum_{i=1}^{d_r^{max}} \lambda_i \left( p_c^{(l-1)} \right)^{*d_s}$$
(37)

#### 4.2 短码长LDPC编码方案的高可靠译码算法

在图 5 中,我们展示了  $d_v = 3 \pi d_e = 6$ 的  $C(8\,000,4\,000)$ 规则 LDPC 码在 3 dB 处的 DE 和蒙特卡罗(Monte-Carlo)仿 真结果。可以看出,DE 和仿真结果在不同的迭代中匹配得





▲图 5 C(8000, 4000) 规则 LDPC 码 DE 结果和 Monte-Carlo 仿真

很好。然而,短码长条件下的DE需要进一步考虑短环带来 的影响。假设LDPC码的围长为g,则在第g/2次迭代之前每 个节点的输入消息是独立的,每个节点的消息在第(g/2 - 1) 次迭代之后是相关的,其中围长包含的节点将接收到其初始 消息。因此,可认为当迭代次数1≥g/2时,输出的LLR序列 是不可靠的。

在图 6 中,我们展示了 C(96,48)规则 LDPC 码在 3 dB 时的 DE 和 Monte-Carlo 仿真结果,其中  $d_v = 3$ ,  $d_e = 6$ , g = 6。 通过仿真图可以看到,在 BP译码器进行第 1 次和第 2 次迭代时, DE 和 Monte-Carlo 的仿真结果匹配很好。这证明了每个



节点的输入信息在第g/2次迭代前是相互独立的。而从第3次迭代开始,DE分析与实际LLR的PDF并不匹配,短环对短码长LDPC的LLR输出产生了影响,而这些依赖性将降低BP译码器的有效性。

基于上述分析,为了提高短码长LDPC码的译码性能,本文提出多层置信组合译码(MBCD)算法:在MBCD开始时,对接收符号的LLR序列L执行BP译码。当达到最大迭代次数T<sub>max</sub>但没有输出有效的码字估计时,FWB-OSD将被激活。考虑BP译码中短环的影响,MBCD在FWB-OSD前设置一个组合器,组合器选择前(g/2 - 1)次迭代输出的LLR和接收符号的LLR来构造OLD的输入L'。L'可以计算为:

$$L' = \sum_{l=0}^{g/2-1} \beta_l L^{(l)} , \qquad (38)$$

其中,

$$\beta_{l} = \frac{1 - \epsilon^{(l)}}{\sum_{t=0}^{g/2 - 1} (1 - \epsilon^{(t)})},$$
(39)

是**L**<sup>0</sup>正确概率的归一化表示,且

$$\epsilon^{(0)} = \int_{-\infty}^{0} p_0(x) \mathrm{d}x_{\circ} \tag{40}$$

#### 4.3 MBCD的译码性能

本节我们选取了几种 BP与 OSD 级联译码算法作为对比 方案,称为 BP-OSD2001<sup>[7]</sup>和 BP-OSD2007<sup>[8]</sup>。此外,还给出 了原始 OSD 和 BP 的仿真结果,OSD 阶数设置为 3 阶,BP 译 码的最大迭代次数设置为  $T_{max} = 20$ 。

图7和图8分别对信息长度k = 40的5G标准LDPC码在 不同码率下进行了译码性能与复杂度仿真。对于C(60,40)5G 标准LDPC码,如图7所示,除了BP之外,所有算法的性能 几乎相同。然而,所提出的MBCD的复杂度是这些算法中较 低的,但略高于BP。对于较低码率的5G标准LDPC码 C(120,40)的仿真结果,如8所示,在BLER=10<sup>-4</sup>时,所提出 的MBCD具有最优性能,并且相比BP-OSD2001、OSD和 BP-OSD2007分别约有0.06 dB、0.15 dB和0.4 dB的增益。在 译码复杂度方面,所提出MBCD远低于BP-OSD2001,并且 在高信噪比下也低于BP-OSD2007和BP译码。上述实验仿 真结果表明,与现有译码算法相比,所提出的MBCD能够以 较低译码复杂度实现更好的BLER性能。

图 9 展现了 k = 45 的 5G 标准 LDPC 码在 RC 编码方案下 达到  $10^{-4}$  的 BLER 所需的最小  $E_t/N_0$  和相应的译码复杂度。通



▲图7 采用MBCD的5G标准LDPC码性能仿真(1)

过仿真可以看出,与其他 BP-OSD 译码算法相比,所提的 MBCD 更接近 NA 界,并且在各种码率下具有较低的复杂度, 尤其是在低码率范围内,这表明 MBCD 在 RC 编码方案上具 有出色的性能。

## 5 面向星地通信链路的 FPGA 样机研制

为验证本文所提出的MBCD算法在高动态、大尺度变化 的低轨星地链路下的实际性能,展现其与低轨星地接收机中 其他信号处理算法结合后的实际效果,我们基于MBCD算法 研制了低轨星地通信FPGA样机,并利用样机与卫星信道模 拟器搭建了半实物验证系统,在桌面端完成了MBCD算法的



▲图8 采用MBCD的5G标准LDPC码性能仿真(2)

低轨星地通信仿真实验。

不同于高轨同步卫星,低轨卫星具有与地面相对运动速 度快、仰角变化大等特点。这个意味着在低轨卫星与地面进 行通信的过程中,信道一直处于高动态、大尺度的变化中, 这对星地通信设备的设计提出了更高的要求。图10为半实 物验证系统结构,主要包括MBCD样机、信道模拟器、卫星 仿真软件。MBCD样机采用成都定为电子的U3-CPCI高性能 处理平台和FMC205S双通道9371射频收发子卡实现,发送 链路可对测试序列进行编码并产生发射信号,接收链路可对 接收信号进行时频域信号处理、解调、译码,最后进行误码 统计。信道模拟器采用坤恒顺维的KSW-WNS02B深空信道



▲图9 BLER =  $10^{-4}$  且 k = 45 时, 5G 标准 LDPC 码在不同码率下需要的最小 E<sub>k</sub>/N<sub>k</sub> 和译码复杂度



模拟器,可以模拟真实的低轨星地链路。该模拟器支持对多 普勒频移、动态时延、信噪比等多种信道参数的设置,支持 自定义信道文件导入。卫星仿真软件采用美国 Analytical Graphics 公司的 STK 软件,可根据卫星轨道信息仿真得到信 道模拟器所需的信道参数文件。

针对低轨星地链路的信道特点,样机先对接收信号进行

一系列时频域信号处理, 消除高动态、大 尺度变化的信道所带来的影响,然后解映 射得到比特软信息,并进行 MBCD 译码。 其中, FPGA 样机的关键时频域信号处理包 括以下几个方面:

1) 时间同步: 我们采用了 Gardner 定 时恢复算法16使插值时刻尽可能接近于最 佳采样点。

2) 频偏估计与补偿:为兼顾低轨星地 链路频偏范围大、估计精度要求高的特点, 我们采用大范围粗估计与高精度精估计相 结合的结构。频偏粗估计由锁频环实现, 精频偏估计由L&R算法<sup>[17]</sup>实现,该算法在 低信噪比下依然能保持较高的估计精度。

3) 均衡与相偏补偿:为了消除射频器 件的带内幅相不一致、信道衰落所导致的 码间串扰,我们采用了适用于恒包络调制 方式的恒模算法<sup>[18]</sup>(CMA)对信号进行 均衡。

基于上述半实物验证系统, MBCD算法 与面向星地通信的时频域信号处理算法结 合后具有良好性能,可以提高低轨星地通 信场景的传输可靠性。

## 6 结束语

面向未来卫星互联网宽窄带结合的业 务类型,如何在卫星有限通信时间内传输 更多、更有价值的星上数据是中国星地通 信系统亟需解决的一大难题。本文对速率 兼容LDPC编码方案进行了一种优化译码算 法的开发 (MBCD), 通过级联 BP 和新型比 特翻转译码思想 (FWB-OSD), 可以提升 星地通信场景中短数据包业务在物理层单 次传输的可靠性。未来,基于FWB-OSD思 想可以进一步针对极化码、Turbo码的专用 译码算法 (SCL译码, 维特比译码) 进行级 联算法的开发,同时结合上层接入机制,

设计接收端高可靠的用户-信道联合译码技术。

### 致谢

实验工作是由鹏城实验室马骕团队完成的。感谢马骕工 程师对本研究的帮助!

#### 参考文献

- FOSSORIER M P C, LIN S. Soft-decision decoding of linear block codes based on ordered statistics [J]. IEEE transactions on information theory, 1995, 41(5): 1379–1396. DOI: 10.1109/ 18.412683
- [2] ZHANG K, JIAO J, HUANG Z X, et al. Finite length analog fountain codes for ultra-reliable low latency communications [J]. IEEE transactions on communications, 2020, 68(3): 1391–1404.
- [3] VAN WONTERGHEM J, ALLOUM A, BOUTROS J J, et al. On short–length error–correcting codes for 5G–NR [J]. Ad hoc networks, 2018, 79: 53–62. DOI: 10.1016/j.adhoc.2018.06.005
- [4] WANG F, JIAO J, ZHANG K, et al. Self-adaptive ordered statistics decoder for finite block length raptor codes toward URLLC [J]. IEEE Internet of Things journal, 2022, 9(5): 3282– 3297. DOI: 10.1109/JIOT.2021.3097948
- [5] YUE C T, SHIRVANIMOGHADDAM M, PARK G, et al. Probabilitybased ordered-statistics decoding for short block codes [J]. IEEE communications letters, 2021, 25(6): 1791–1795. DOI: 10.1109/ LCOMM.2021.3058978
- [6] LIANG J F, WANG Y W, CAI S H, et al. A low-complexity ordered statistic decoding of short block codes [J]. IEEE communications letters, 2023, 27(2): 400–403. DOI: 10.1109/ LCOMM.2022.3222819
- [7] FOSSORIER M P C. Iterative reliability-based decoding of lowdensity parity check codes [J]. IEEE journal on selected areas in communications, 2001, 19(5): 908–917. DOI: 10.1109/49.924874
- [8] JIANG M, ZHAO C M, XU E Y, et al. Reliability-based iterative decoding of LDPC codes using likelihood accumulation [J]. IEEE communications letters, 2007, 11(8): 677–679. DOI: 10.1109/ LCOMM.2007.070450
- [9] ZHANG Y S, JIAO J, ZHANG K, et al. Synodic period channel modeling and coding scheme for deep space optical communications [J]. IEEE transactions on aerospace and electronic systems, 2024, 60(2): 2364–2378. DOI: 10.1109/ TAES.2024.3353726
- [10] DUFFY K R, LI J G, MÉDARD M. Guessing noise, not codewords [C]//Proceedings of IEEE International Symposium on Information Theory (ISIT). IEEE, 2018: 671–675. DOI: 10.1109/ ISIT.2018.8437648
- [11] DUFFY K R, LI J G, MÉDARD M. Capacity-achieving guessing random additive noise decoding [J]. IEEE transactions on information theory, 2019, 65(7): 4023–4040. DOI: 10.1109/ TIT.2019.2896110
- [12] DUFFY K R, MÉDARD M, AN W. Guessing random additive noise decoding with symbol reliability information (SRGRAND)
   [J]. IEEE transactions on communications, 2022, 70(1): 3–18. DOI: 10.1109/TCOMM.2021.3114315
- [13] DUFFY K R, AN W, MÉDARD M. Ordered reliability bits guessing random additive noise decoding [J]. IEEE transactions on signal processing, 2022, 70: 4528–4542. DOI: 10.1109/ TSP.2022.3203251
- [14] ZHANG K, LI C J, JIAO J, et al. A novel ultra-reliable decoder of short rate-compatible codes for mission critical communications

[J]. IEEE transactions on vehicular technology, 2024(99): 1-5. DOI: 10.1109/TVT.2024.3443136

- [15] POLYANSKIY Y, POOR H V, VERDU S. Channel coding rate in the finite blocklength regime [J]. IEEE transactions on information theory, 2010, 56(5): 2307–2359. DOI: 10.1109/ TIT.2010.2043769
- [16] GARDNER F M. Interpolation in digital modems [J]. IEEE transactions on communications, 1993, 41(3): 501–507. DOI: 10.1109/26.221081
- [17] LUISE M, REGGIANNINI R. Carrier frequency recovery in alldigital modems for burst-mode transmissions [J]. IEEE transactions on communications, 1995, 43(2/3/4): 1169–1178. DOI: 10.1109/26.380149
- [18] GODARD D. Self-recovering equalization and carrier tracking in two-dimensional data communication systems [J]. IEEE transactions on communications, 1980, 28(11): 1867–1875. DOI: 10.1109/TCOM.1980.1094608





王野, 鹏城实验室空天通信技术研究所所长、副 研究员; 主要研究领域为新一代卫星通信系统与 协议设计; 主持或参与国家级重大科研项目10余 顶, 先后获得广东省科技进步奖三等奖(排名第 3)、深圳市自然科学奖一等奖(排名第3); 发表 学术论文80余篇, 授权国家发明专利30余项。